

# Анализ предикатных выражений и его использование в оптимизирующих компиляторах для архитектур с явно выраженным параллелизмом

Дроздов А. Ю., Кирнасов А.Е.

ИМВС РАН, г. Москва

[sasha@mcst.ru](mailto:sasha@mcst.ru)

## Введение

Методы анализа предикатов имеют долгую историю развития и применения в оптимизирующих компиляторах. Изначально эти методы в основном использовались для уточнения потокового анализа программ. Это достигалось путем включения в анализ потоков данных и управления механизмов, позволяющих отслеживать влияние на них предикатных выражений программы [1]. С появлением архитектур процессоров типа VLIW (Very Long Instruction Word) и EPIC (*Explicitly Parallel Instruction Computing*) [2,3,4] значение анализа предикатов для проведения оптимизирующих преобразований резко возросло. Это связано с тем, что в этих архитектурах есть явные механизмы перевода потока управления в поток данных, а именно, поддержка предикатного режима исполнения операций. В зависимости от значения предиката, приписываемого операции, операция либо выполняется, либо нет. При переводе программы в предикатную форму часть операций передачи управления удаляется, а операции ставятся под соответствующие предикаты, обеспечивающие корректную семантику программы. Основная идея перевода потока управления в поток данных описана в [5]. В этой работе описана базовая техника построения корректного предиката для операций при удалении из программы части операций передачи управления.

Помимо чисто технической стороны перевода потока управления в поток данных, существует проблема выбора тех регионов программы, которые нужно переводить в предикатный вид. Это связано с тем, что в некоторых случаях перевод потока управления в поток данных может не дать никакой выгоды с точки зрения эффективности полученного кода. Для того, чтобы этот перевод давал реальную выгоду, в архитектурах VLIW и EPIC реализованы механизмы, позволяющие исполнять несколько элементарных операций в одном машинном такте. Для решения проблемы эффективного использования механизмов распараллеливания на уровне инструкций разработано несколько различных алгоритмов планирования, которые призваны решить проблему эффективного использования ресурсов широкой команды [6,7,8,9,10,11].

В основном эти алгоритмы отличаются по структуре регионов программы, которые рассматриваются в качестве кандидатов на преобразование в предикатный вид. В работах [6,7,8] рассматриваются ациклические регионы, а в работах [9,10,11] рассматриваются регионы с произвольным управлением. В контексте программы, преобразованной в предикатную форму, результаты анализа предикатов используются для решения нескольких задач. Наиболее известными являются задача определения отношения зависимости между операциями, задача определения времен жизни переменных [12,13], задача минимизации числа предикатов и др.

В данной работе мы вкратце рассмотрим основные подходы к анализу предикатов, предложим метод распространения анализа предикатов на случай произвольного управления. Также будут предложены несколько оптимизаций, работающих на основе анализа предикатов, и рассмотрен подход, позволяющий использовать результаты

анализа предикатов для решения некоторых проблем отладчика оптимизированных кодов.

## 1. Краткое описание существующих алгоритмов анализа предикатов

Можно выделить 2 различных подхода к анализу предикатов, которые широко используются в оптимизирующих компиляторах. Первый из них основан на построении Графа Разделения Предикатов (Predicate Partition Graph (PPG)) [14]. Для дальнейшего изложения нам понадобится следующее

### Определение 1:

Узел управляющего графа  $w$  зависит по управлению от дуги управляющего графа ( $u \rightarrow v$ ) если выполняются следующие условия:

1.  $w$  постдоминирует [12,13]  $v$  и
2. если  $w$  не совпадает с  $u$ , тогда  $w$  не постдоминирует  $u$ .

Итак, PPG (predicate partition graph) это топология, которая связывает классы линейных участков в соответствии с возможностью их одновременного выполнения. Для построения PPG все узлы управляющего графа программы [12,13] разбиваются на классы эквивалентности по управлению.

**Определение 2:** два узла называются эквивалентными по управлению, если множества дуг, от которых они зависят по управлению, совпадают.

Каждому классу ставится в соответствие узел PPG. Далее, за один проход по дугам управляющего графа строятся дуги PPG. По построенному графу (PPG) строится бинарная матрица Disjoint размера  $n \times n$ , где  $n$  - число узлов PPG. Матрица предназначена для быстрого ответа на вопрос о пересечении предикатов. Для ответов на другие вопросы об отношениях предикатов надо исследовать топологию PPG.

Другой подход основан на использовании Binary Decision Diagram (BDD) [15,16,17]. При использовании этого подхода для всех операций некоторого региона, переведенного в предикатную форму, которые вырабатывают предикаты, строится булева функция, переменными которой являются операции сравнения (CMP). Здесь следует отметить что, как правило, в программе, не переведенной в предикатную форму, предикатные значения вырабатывают только операции сравнения, которые являются аргументами операций условного перехода. Построенная функция представляется в виде выражения BDD, которое затем можно сравнивать с другими подобными выражениями над предикатами. В дальнейшем везде подразумевается анализ предикатов на основе BDD.

## 2. Распространение анализа предикатов за пределы ациклических регионов.

Для того, чтобы анализ предикатов был более полон, необходимо уметь сопоставлять предикатные выражения не только предикатным операциям, но и  $\phi$ -функциям [18].  $\phi$ -функции отражают места схождения потока данных в местах схождения потока управления. Каждому аргументу  $\phi$ -функции ставится в соответствие дуга управляющего графа, входящая в узел управляющего графа, для которого проводится анализ. Если управляющий поток проходит по некоторой дуге  $e_i$ , то результатом  $\phi$ -функции является её аргумент, которому сопоставлена дуга  $e_i$ . Сопоставим каждой дуге управляющего графа  $e_i$  переменную  $x_i^e$ ,  $i = 1, \dots, n$ , где  $n$  – число входящих управляющих дуг. Рассмотрим некоторую  $\phi$ -функцию  $\phi(\arg_1, \dots, \arg_n)$ . Пусть  $p_1, \dots, p_n$  - предикаты, сопоставленные аргументам  $\arg_1, \dots, \arg_n$ . Тогда поставим в соответствие  $\phi$ -функции  $\phi$

предикат  $p(\phi) = \sum_{i=1}^n p_i x_i^e$ , а в качестве отрицания предиката  $p(\phi)$  рассмотрим

$\overline{p}(\Phi) = \sum_{i=1}^n \overline{p_i x_i^e}$ , где под суммой понимается дизъюнкция. Таким образом, всякой предикатной операции и  $\Phi$ -функции поставлен в соответствие некоторый предикат.

**Утверждение 1.** Если для двух предикатных операций  $oper_1$  и  $oper_2$  выполнено  $p(oper_1) \rightarrow p(oper_2)$ , то  $oper_1 \rightarrow oper_2$ ; если  $p(oper_1) = p(oper_2)$ , то  $oper_1 = oper_2$ .

Действительно, в случае отсутствия  $\Phi$ -функций в дереве аргументов каждой из операций, утверждение истинно, так как по построению  $p(oper) = oper$ . В случае  $\Phi$ -функций, необходимо проверить истинность формул  $oper_1 \rightarrow oper_2$ ,  $oper_1 = oper_2$  для любого управления, т.е. для любого предшественника  $\Phi$ -функции. Так как формулы  $p(oper_1) \rightarrow p(oper_2)$ ,  $p(oper_1) = p(oper_2)$  истинны на любом наборе переменных, следовательно, они истинны и на наборах  $x_1^e, \dots, x_n^e = (1, 0, \dots, 0), \dots, (0, \dots, 0, 1)$ , на которых формулы принимают вид, где вместо  $\Phi$ -функций подставлены аргументы, соответствующие одному из возможных вариантов управления, что и требовалось проверить.

### 3. Использование результатов анализа предикатов в оптимизирующих компиляторах

#### 3.1 Минимизация и упрощение предикатных выражений

Оптимизация применяется к предикатным операциям. Для предикатной операции  $oper$  рассматривается её предикатное представление  $p(oper)$ . По этому представлению строится совершенная дизъюнктивная нормальная форма (СДНФ). Построенная СДНФ сначала упрощается путем исключения из ее конъюнкций логически излишних операций сравнений (переменных) (например,  $x > 5$  влечет  $x > 3$ ), и удаления тождественно ложных конъюнкций, содержащих логически противоречащие сравнения (например, условие  $x > 2$  противоречит условию  $x < 0$ ). Затем полученная СДНФ приводится к сокращенной СДНФ [15,16,17]. Если сокращенная СДНФ имеет меньшую длину в смысле количества операций конъюнкций и дизъюнкций, результат операции меняется на вычисления сокращенной СДНФ. В оптимизации не используются представления  $\Phi$ -функций в виде предикатных выражений, так как это требует введения новых переменных, не имеющих конкретной привязки к операционной семантике.

#### 3.2 Удаление избыточных операций чтения из памяти на предикатном коде.

Для применимости оптимизации удаления избыточных чтений из памяти необходимо выполнимость следующего условия: операция записи, от которой берётся значение либо доминирует операцию чтения, либо доминирует все использования операции чтения. На не предикатном представлении эта информация получается из анализа дерева доминаторов [12,13]. На предикатном коде анализ на основе дерева доминаторов слишком консервативен, так как целые регионы теперь представляются в виде одного узла управляющего графа. Поэтому для анализа доминирования одной условно исполняемой операции над другой, можно использовать анализ предикатных выражений. Действительно, операция  $oper_1 [P_1]$  доминирует операцию  $oper_2 [P_2]$  тогда и только тогда, когда  $P_2 \rightarrow P_1$  тождественная истина, где  $P_1$  и  $P_2$  - результаты некоторых предикатных операций  $oper_{P_1}$  и  $oper_{P_2}$ . В силу утверждения 1 для факта доминирования операцией  $oper_1 [P_1]$  операции  $oper_2 [P_2]$  достаточно, чтобы предикатное

выражение  $p(\text{opreg\_P}_2) \rightarrow p(\text{opreg\_P}_1)$  было тождественной истиной. На рисунке 1 представлен пример, где на основе анализа предикатов удаётся определить, что операция `store a, v [p0]` доминирует над операцией `use r0 [p4]`, следовательно, оптимизация удаления избыточных чтений применима.

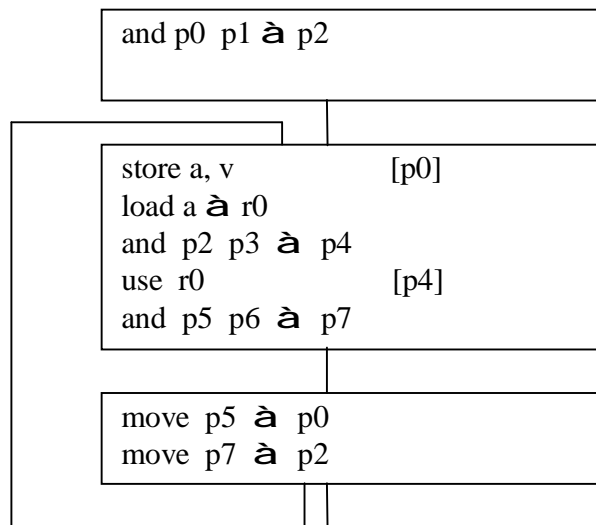


Рис.1: Пример предикатного кода

### 3.3 Удаление избыточных операций записи в память

Оптимизация состоит в объединении операций записи в память по одному и тому же адресу, стоящих под предикатами. Записываемое значение для новой операции записи берётся от второй операции в случае истинности предиката второй операции записи, иначе берётся записываемое значение первой операции. Новая операция записи ставится под объединение предикатов первой и второй операции. Пример применимости оптимизации показан на рисунке 2.

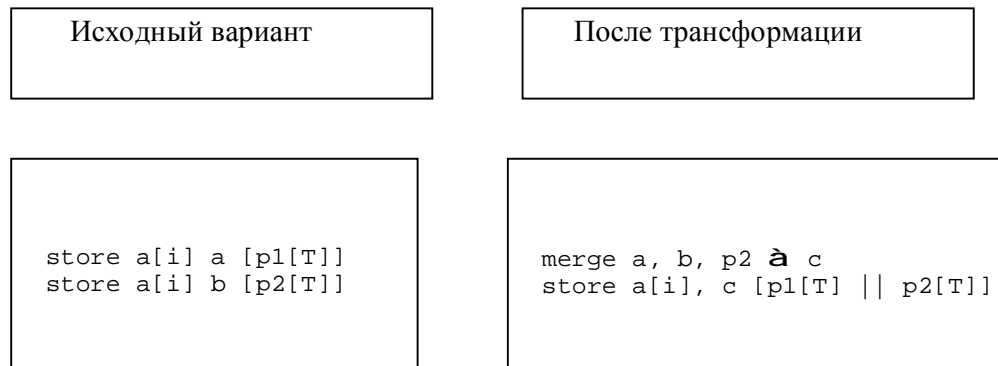


Рис. 2. Пример применимости оптимизации, удаляющей избыточные операции записи в память.

Используя анализ предикатных выражений в некоторых случаях можно повысить эффективность этой оптимизации. Например, если дизъюнкция предикатов операций записи есть тождественная истина, нет необходимости строить предикат для новой операции записи, а следует поставить её в безусловный режим исполнения. Если из выполнимости предиката первой операции записи следует выполнимость предиката второй операции записи, это означает, что вторая операция записи постдоминирует первую, и следует просто удалить первую операцию записи.

### 3.4 Удаление избыточных операций, спланированных после операции условного перехода

Оптимизация заключается в удалении ненужных предикатных операций, стоящих в узле графа управления после операции перехода. Суть оптимизации заключается в использовании того факта, что предикат операции перехода является тождественно ложным в любой точке узла управляющего графа, находящейся ниже этого перехода. На рисунке 2 приведён пример срабатывания оптимизации.

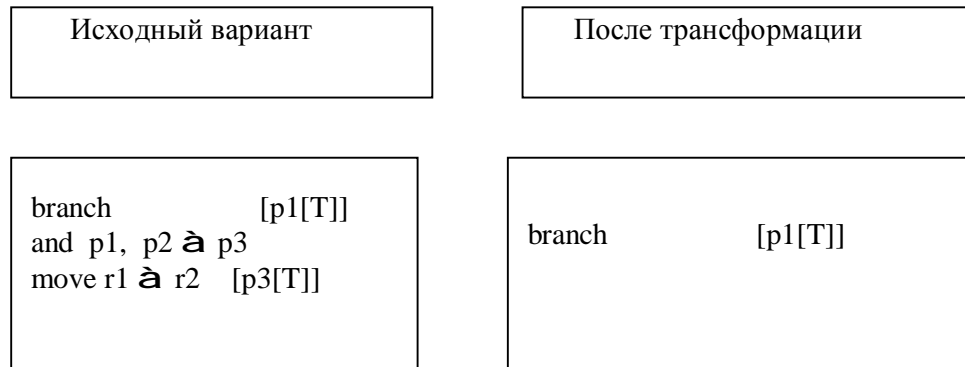


Рис. 3. Пример применимости оптимизации, удаляющей избыточные предикатные вычисления на основе анализа предикатов переходов.

### 3.5 Сбор отладочной информации на предикатном коде.

Сбор отладочной информации [19,20,21] при высоких уровнях оптимизации компилятора для VLIW/EPIC - архитектур приводит к необходимости его проведения на предикатном коде.

Результатом сбора отладочной информации является список точек останова – пар, где первым элементом является адрес широкой команды, вторым - номер строки текста исходной программы. Элементом списка пар является список пар <переменная, выражение>, в котором перечисляются все переменные, видимые в текущей точке останова. Каждой переменной соответствует выражение, которое в общем случае является деревом, узлами которого являются операции, а листьями - либо константы, либо адреса памяти, либо номера регистров. Через это выражение можно получить значение переменной в текущей точке останова.

Рассмотрим фрагмент программы, изображённый на рисунке 4, где цифрами обозначены номера строк исходного текста.

```
1. a = f( x);
2. b = g( y);
3. c = a + b;
...
i. /* точка останова */
...
j. c = a * b;
```

Рис. 4. Пример программы, содержащей избыточные вычисления.

Предположим, что между операциями 3 и j нет использований переменной c . В таком случае операции 3 является мертвым кодом и будет удалена. Однако переменные a и b живут от точки 1 и 2 до точки j, следовательно, значение переменной c, которой уже не соответствует ни ячейка памяти, ни регистр, может быть получена с помощью выражения через переменные a и b.

Рассмотрим пример с предикатным кодом, приведённый на рисунке 5.

Исходная программа	После конвертации
<pre>if ( a &gt; b) { x = y;   a = a + a; /* точка ост. 1 */ } else { x = z;   a = a * a; /* точка ост. 2 */ } b = a + x; /* точка ост. 3 */</pre>	<pre>1. cmp r1, r2 à p1 2. move r3 à r4 p1[T] 3. add r1, r1 à r1 p1[T] 4. move r5 à r4 p1[F] 5. mul r1, r1 à r1 p1[F] 6. add r1, r4 r2 à r6</pre>

Рис. 5. Пример программы, переведённой в предикатный код.

На рисунке 5 операции упорядочены в соответствии с их номерами широких команд. Таким образом, первой точке останова соответствует широкая команда 3, второй – широкая команда 5, третьей – широкая команда 6. Так как присваивание в переменную  $x$  (регистр  $r4$ ) осуществлялось в широкой команде 2 условно (под предикатом  $p1[T]$ ), то в первой точке останова отладчик в ответ на запрос распечатать значение переменной  $x$  вынужден ответить, что значение переменной в данной точке недоступно (если только ранее уже не было известно, что значение переменной  $x$  лежит на регистре  $r4$ ). В широкой команде 4 происходит условное присваивание в переменную  $x$  (регистр  $r4$ ). Но теперь условие, которое гарантирует тот факт, что значение переменной  $x$  лежит на регистре  $r4$  равно  $p1[F] \parallel p1[T] = \text{TRUE}$ . Таким образом, во второй точке останова, отладчик сможет правильно распечатать значение переменной  $x$ . Заметим, что даже если в процессе исполнения программы  $p1 = \text{TRUE}$ , то отладчик остановится сначала в точке останова 1, в которой он не сможет гарантированно выдать значение переменной  $x$ . Далее отладчик перейдет не к точке останова 3, а к точке останова 2 и только там выдаст значение переменной  $x = y$ . Затем отладчик перейдет к точке останова 3 и там он также правильно распечатает значение переменной  $x$ . Таким образом, после преобразования управления в предикатное представление некоторые присваивания дополнительно снабжаются предикатами и для правильной распечатки значения переменной в некоторой точке останова необходимо проверить, что выражение, через которое доступно в текущей точке останова значение переменной снабжено предикатом, тождественно равным истине. Такая проверка осуществляется с применением анализа предикатных выражений.

## Заключение

В работе рассмотрены методы использования результатов анализа предикатов для целей оптимизации программ. Предложен механизм, позволяющий обобщить анализ предикатов на случай регионов общего вида и предложены новые оптимизации, основанные на применении результатов обобщенного анализа. Также был предложен метод использования результатов анализа предикатов для решения проблемы отладчика оптимизированных кодов в контексте преобразования *if-conversion*. Все предложенные методы были реализованы в оптимизирующем компиляторе проекта «Эльбрус» [22,23] и показали высокую эффективность для решения рассмотренных задач оптимизирующей компиляции для архитектур с явно выраженным параллелизмом.

## литература

1. **L. Carter, B. Simon, B. Calder, L. Carter, and J. Ferrante**, “Predicated single static assignment “, in Proceedings of the International Conference on Parallel Architectures and Compilation Techniques, October 1999.
2. **Intel Itanium 2 Processor Reference Manual**, Document Number: 251110-001, June 2002.
3. **Babayan B. A.** E2k Technology and Implementation. // Proceedings of the Euro-Par 2000 – Parallel Processing: 6th International. – V. 1900/2000. – January, 2000. – P. 18-21.
4. **M. S. Schlansker, B. R. Rau.** EPIC: An Architecture for Instruction-Level Parallel Processors: Technical Report HPL-1999-111 – Compiler and Architecture Research Hewlett-Packard Laboratories, Palo Alto, February 2000.
5. **J.R. Allen, K. Kennedy, C. Porterfield, J. Warren.** Conversion of control dependences to data dependences, Conf. Record of POPL-10, 1983.



6. **Joseph A. Fisher.** Trace Scheduling: A technique for global microcode compaction // Transactions on Computers, IEEE. July, 1981. V. C-30. P. 478-490.
7. **S. A. Mahlke, D. C. Lin, W. Y. Chen, R. E. Hank, and R. A. Bringmann.** Effective Compiler Support for Predicated Execution Using the Hyperblock. // in Proceedings of the 25th International Symposium on Microarchitecture. December, 1992. P. 45-54.
8. **W. Hwu et al.,** The superblock: an effective technique for VLIW and superscalar compilation, The Journal of Supercomputing, 1993, 229-248.
9. **Alexandru Nicolau and Steven Novack,** Trailblazing: A Hierarchical Approach to Percolation Scheduling. Department of Information and Computer Science University of California, Proceedings of the 1993 International Conference on Parallel processing.
10. **Steven Novack and Alexandru Nicolau,** An Efficient Global Resource Constrained Technique for Exploiting Instruction Level Parallelism. Department of Information and Computer Science University of California, Proceedings of the 1992 International Conference on Parallel Processing.
11. **Novack and Alexandru Nicolau,** A Hierarchical Approach to Instruction-level Parallelization. Department of Information and Computer Science University of California, International Journal of Parallel Programming, 23(1), 1995.
12. **Steven S. Muchnick.** Advanced Compiler Design and Implementation – Morgan Kauffman, San Francisco, 1997, chapter 7.2.
13. **Касьянов В.Н., Евстигнеев В.А.** Графы в программировании: обработка, визуализация и применение. – СПб.: БХВ-Петербург, 2003.
14. **Richard Johnson and Michael Schlansker,** “Analysis Techniques for Predicated Code”, In Proc. Of the 29<sup>th</sup> Annual Int’l Symp. On Microarchitecture, December 1996.
15. **John Wollenburg,** "Condition awareness support for predicate analysis optimization ", University of Illinois, 1997.
16. **R.E. Bryant.** Symbolic Boolean manipulation with ordered binary decision diagrams. Technical Report CMU-CS-92-160, School of Computer Science, Carnegie Mellon University, Pittsburgh, PA, October 1992.
17. **D.I. August, J.W. Sias, J. Puiatti, S.A. Mahlke, D.A. Connors, K.M. Crozier, and W.W. Hwu,** “The program decision logic approach to predicated execution”, in Proceedings of the 26th International Symposium on Computer Architecture, pp. 208-219, May 1999.
18. **J. Ferrante, K. J. Ottenstein, and J.D. Warren.** The program dependence graph and its use in optimization. ACM Transactions on Programming Languages and Systems, 9(3):319-349, July 1987.
19. **Le-Chun Wu, Wen-mei W. Hwu.** A New Data-Location Tracking Scheme for the Recovery of Expected Variables Values. Technical Report IMPACT-98-07
20. **Le-Chun Wu, Rajiv Mirani, Harish Patil, Bruce Olsen, Wen-mei W. Hwu.** A New Framework for Debugging Globally Optimized Code. ACM SIGPLAN Conference on Programming Language Design and Implementation, Atlanta, Georgia, May 1-4, 1999.
21. **R. Gupta,** “Debugging code reorganized by a trace scheduling compiler”, Structred Programming, vol. 11, pp. 141-150, July 1990.
22. **М. Кузьминский.** Отечественные микропроцессоры: Elbrus E2K // Открытые системы, № 05-06, 1999. – С. 8-13.
23. **K. Dieffendorf.** The Russians Are Coming. Supercomputer Maker Elbrus Seeks to Join x86/IA-64 Melee // Microprocessor Report, V.13, 1.2. – February 15, 1999. - P. 1-7.